

# **MATEMÁTICA**

## **QUESTÃO DISCURSIVA 1**

### **Padrão de resposta**

O estudante deve ser capaz de apontar algumas vantagens dentre as seguintes, quanto à modalidade EaD:

- (i) flexibilidade de horário e de local, pois o aluno estabelece o seu ritmo de estudo;
- (ii) valor do curso, em geral, é mais baixo que do ensino presencial;
- (iii) capilaridade ou possibilidade de acesso em locais não atendidos pelo ensino presencial;
- (iv) democratização de acesso à educação, pois atende a um público maior e mais variado que os cursos presenciais; além de contribuir para o desenvolvimento local e regional;
- (v) troca de experiência e conhecimento entre os participantes, sobretudo quando dificilmente de forma presencial isso seria possível (exemplo, de pontos geográficos longínquos);
- (vi) incentivo à educação permanente em virtude da significativa diversidade de cursos e de níveis de ensino;
- (vii) inclusão digital, permitindo a familiarização com as mais diversas tecnologias;
- (viii) aperfeiçoamento/formação pessoal e profissional de pessoas que, por distintos motivos, não poderiam frequentar as escolas regulares;
- (ix) formação/qualificação/habilitação de professores, suprimindo demandas em vastas áreas do país;
- (x) inclusão de pessoas com comprometimento motor reduzindo os deslocamentos diários.

## **QUESTÃO DISCURSIVA 2**

### **Padrão de resposta**

O estudante deve abordar em seu texto:

- identificação e análise das desigualdades sociais acentuadas pelo analfabetismo, demonstrando capacidade de examinar e interpretar criticamente o quadro atual da educação com ênfase no analfabetismo;
- abordagem do analfabetismo numa perspectiva crítica, participativa, apontando agentes sociais e alternativas que viabilizem a realização de esforços para sua superação, estabelecendo relação entre o analfabetismo e a dificuldade para a obtenção de emprego;
- indicação de avanços e deficiências de políticas e de programas de erradicação do analfabetismo, assinalando iniciativas realizadas ao longo do período tratado e seus resultados, expressando que estas ações, embora importantes para a eliminação do analfabetismo, ainda se mostram insuficientes.

### QUESTÃO DISCURSIVA 3

#### Padrão de resposta

a) Solução I:

Encontrar a probabilidade de ocorrência do evento, calculando o número total de configurações determinadas pelas possíveis escolhas das 5 pessoas nas quais as mesmas saem em andares diferentes (número de elementos do evento) e, a seguir, dividindo-o pelo número total de possíveis configurações (número de elementos do espaço amostral).

O número de possíveis configurações determinadas pelas escolhas em que as 5 pessoas saem em andares diferentes: pelo Princípio Multiplicativo (8.7.6.5.4) ou, ainda, considerando

$$A_{8,5} = \frac{8!}{3!} = 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 = 6720.$$

Número total de possíveis configurações:  $8 \cdot 8 \cdot 8 \cdot 8 \cdot 8 = 8^5 = 32768$ .

$$\text{Probabilidade } P_a = \frac{6720}{32768} = \frac{105}{512}.$$

Solução II

A probabilidade de que um andar seja escolhido por uma determinada pessoa é igual a  $\frac{1}{8}$ .

Como as escolhas são independentes, a probabilidade de ocorrência de uma determinada configuração (determinada pelas escolhas das 5 pessoas) é igual a  $\frac{1}{8^5}$ .

O número de possíveis escolhas em que as 5 pessoas saem em andares diferentes: pelo Princípio Multiplicativo (8.7.6.5.4) ou, ainda, considerando  $A_{8,5} = \frac{8!}{3!} = 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 = 6720$ .

$$\text{Assim, tem-se } P_a = 6720 \cdot \frac{1}{8^5} = \frac{6720}{32768} = \frac{105}{512}.$$

b) Solução I

Calcular a probabilidade do evento complementar diretamente, por meio da relação  $P_b = 1 - P_a$ :

$$P_b = 1 - P_a = 1 - \frac{105}{512} = \frac{407}{512}.$$

Solução II

O número de elementos que compõem o evento complementar é igual ao número total subtraído do número de elementos do evento apresentado em (a):  $8^5 - 8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5 \cdot 4 = 26048$ .

$$\text{Assim, } P_b = \frac{26048}{32768} = \frac{407}{512}.$$

#### **QUESTÃO DISCURSIVA 4**

Padrão de resposta:

a)

$$\text{Hipótese: } \begin{cases} a_1 = a \\ a_{n+1} = \frac{4 \cdot a_n}{2 + a_n^2}, \text{ para } n \geq 1. \end{cases}$$

$$0 < a_1 = a < \sqrt{2}.$$

E

$$\text{Tese: } a_n < \sqrt{2}, \forall n \geq 1.$$

b) Como  $a > 0$ , então o numerador e o denominador da fração são positivos. Logo,  $s > 0$ .

c) Temos  $0 < a < \sqrt{2}$ . Logo,

$$s^2 = \frac{16a^2}{(2+a^2)^2} = \frac{16a^2}{4+4a^2+a^4} = \frac{16a^2}{(2-a^2)^2+8a^2} < \frac{16a^2}{8a^2} = 2, \text{ pois } (2-a^2) \neq 0 \text{ e, assim,}$$
$$(2-a^2)^2+8a^2 > 8a^2.$$

d) Como a função raiz quadrada é uma função crescente, de (b) e (c) segue que  $0 < s < \sqrt{2}$ .

e) Tendo-se  $0 < a_n < \sqrt{2}$ , então, pelos itens (b) e (d),  $a_{n+1} < \sqrt{2}$ .

f) Para  $n = 1$ , tem-se  $0 < a_1 < \sqrt{2}$ , portanto a propriedade é válida.

Suponhamos que  $0 < a_n < \sqrt{2}$ . Pelo item (e), temos que  $0 < a_{n+1} = \frac{4a_n}{2+a_n^2} < \sqrt{2}$ , para todo  $n \geq 1$ .

### **QUESTÃO DISCURSIVA 5**

#### Padrão de resposta

a) Teorema do Valor Intermediário: Se  $f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$  é contínua, então, para todo  $f(a) < k < f(b)$ , existe  $c \in (a, b)$  tal que  $f(c) = k$ .

b) O tempo, em segundos, do corredor foi igual a  $44 \times 60 + 7 = 2647$  segundos. A velocidade média desse corredor foi de  $15000/2647 = 5,67$  metros por segundo. Admitindo-se que a função que modela a velocidade do corredor está definida no intervalo  $[0, 2647]$ , é contínua nesse intervalo e que  $v(0) = v(2647) = 0$ , existirá, pelo menos, um momento  $t_0$  da prova em que a velocidade foi de 5,67 metros por segundo. Logo, pelo Teorema do Valor Intermediário, existem, pelo menos dois instantes,  $t_1$  e  $t_2$ , tal que  $v(t_1) = v(t_2) = 5$ .

c) Qualquer situação-problema que seja modelada por uma função contínua em um intervalo  $[a, b]$  que seja estritamente crescente ou decrescente, ou uma função em que  $f(a) \neq f(b)$ .